

activités mentales 6 page 203

Sésamath

Maths 1S



énoncé

Soit A, B, C et D quatre points du plan tels que $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{CD}) = \frac{2\pi}{3}$.

Donner une mesure de :

- 1** $(\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{DC})$
- 2** $(\overrightarrow{CD}, \overrightarrow{AB})$
- 3** $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{DC})$
- 4** $(\overrightarrow{DC}, \overrightarrow{AB})$

correction

1 $(\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{DC})$

correction

1 $(\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{DC})$

$$(\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{DC}) = (-\overrightarrow{AB}, -\overrightarrow{CD}) = (\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{CD}) = \frac{2\pi}{3}.$$

correction

2 $(\overrightarrow{CD}, \overrightarrow{AB})$

correction

2 $(\overrightarrow{CD}, \overrightarrow{AB})$

$$(\overrightarrow{CD}, \overrightarrow{AB}) = - (\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{CD}) = - \frac{2\pi}{3}.$$

correction

- 3 $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{DC})$

correction

3 $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{DC})$

$$(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{DC}) = (\overrightarrow{AB}, -\overrightarrow{CD}) = (\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{CD}) + \pi = \frac{2\pi}{3} + \pi = \frac{5\pi}{3}.$$

correction

3 $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{DC})$

$$(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{DC}) = (\overrightarrow{AB}, -\overrightarrow{CD}) = (\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{CD}) + \pi = \frac{2\pi}{3} + \pi = \frac{5\pi}{3}.$$
$$\frac{5\pi}{3} - 2\pi = -\frac{\pi}{3} \text{ donc la mesure principale est } -\frac{\pi}{3}.$$

correction

- 4 $(\overrightarrow{DC}, \overrightarrow{AB})$

correction

4 $(\overrightarrow{DC}, \overrightarrow{AB})$

$(\overrightarrow{DC}, \overrightarrow{AB}) = -(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{DC}) = -\left(-\frac{\pi}{3}\right) = \frac{\pi}{3}$. D'après la question précédente.