

# Cours et méthodes essentielles

## I - Notion d'angle

→ ex 1 et 2

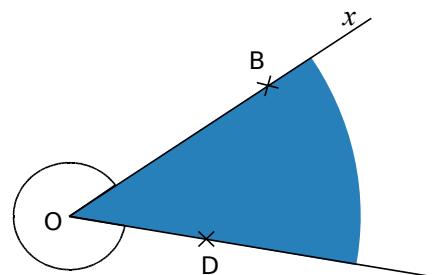
### Définition

Un **angle** est une portion de plan délimitée par deux demi-droites ayant la même origine.

## A - Vocabulaire

### Définitions

- Le point O est le **sommet** de l'angle.
- Les demi-droites  $[Ox]$  et  $[Oy]$  sont les **côtés** de l'angle.



## B - Notation

### Définitions

- La portion du plan coloriée en bleu est un angle **saillant**.
- La portion du plan non coloriée est un angle **rentrant**.

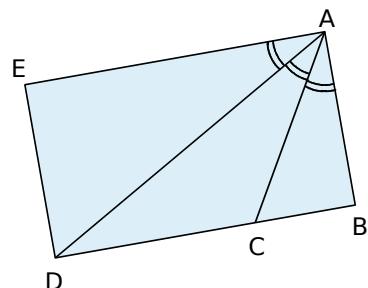
**Exemple :** Comment se nomme l'angle bleu ?

Il peut se nommer de différentes manières (le plus souvent avec trois lettres, celle du milieu étant toujours le sommet de l'angle) :  $\widehat{xOy}$  ou  $\widehat{yOx}$  ou  $\widehat{BOD}$  ou  $\widehat{DOB}$  ou  $\widehat{BOy}$  ou  $\widehat{yOB}$  ou  $\widehat{DOx}$  ou  $\widehat{xOD}$ .

## C - Angles de même mesure

### Définition

Des angles de même mesure sont codés avec le **même symbole** (comme pour les longueurs).



**Exemple :** Quels sont les angles de même mesure ?

Ces angles sont codés avec le même symbole.

On a donc :  $\widehat{AED} = \widehat{ABC}$  ;  $\widehat{EAD} = \widehat{CAB}$  et  $\widehat{EDA} = \widehat{ACB}$ .

## II - Différents types d'angles

→ ex 3

On classe les angles par catégories selon leur mesure.

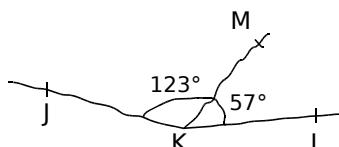
Angle	Nul	Aigu	Droit	Obtus	Plat	Rentrant	Plein
Figure							
Mesure	$0^\circ$	entre $0^\circ$ et $90^\circ$	$90^\circ$	entre $90^\circ$ et $180^\circ$	$180^\circ$	entre $180^\circ$ et $360^\circ$	$360^\circ$
Position des côtés	confondus		perpendiculaires		dans le prolongement l'un de l'autre		confondus

Angles **saillants**

**Propriétés** Soient A, B et C trois points distincts.

- Dire que « les droites (AB) et (AC) sont **perpendiculaires** » revient à dire que « l'angle  $\widehat{BAC}$  est un **angle droit** ».
- Dire que « les points A, B et C sont **alignés** » revient à dire que « l'angle  $\widehat{BAC}$  est soit **nul**, soit **plat** ».

**Exemple :** Que dire des points J, K et L ?



$$\widehat{JKL} = \widehat{JKM} + \widehat{MKL} = 123^\circ + 57^\circ = 180^\circ$$

L'angle  $\widehat{JKL}$  est un **angle plat**.

Donc les points J, K et L sont **alignés**.

## III - Utilisation du rapporteur

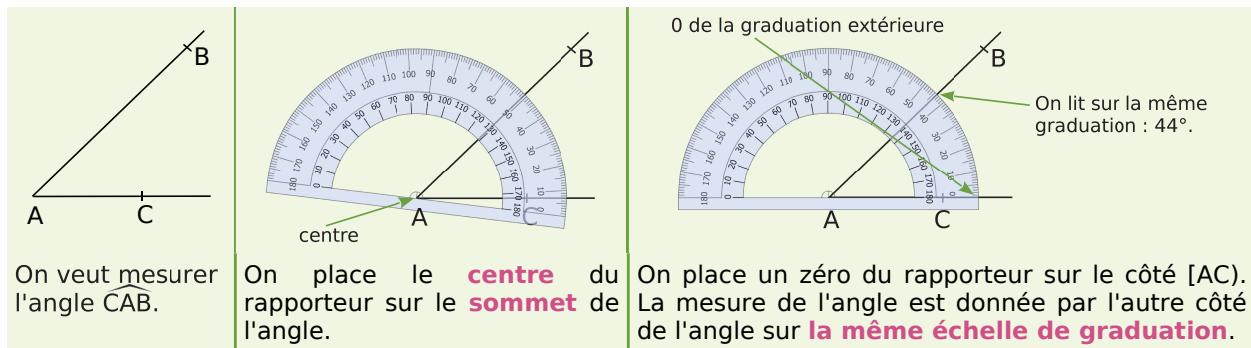
→ ex 4 à 6

### Définitions

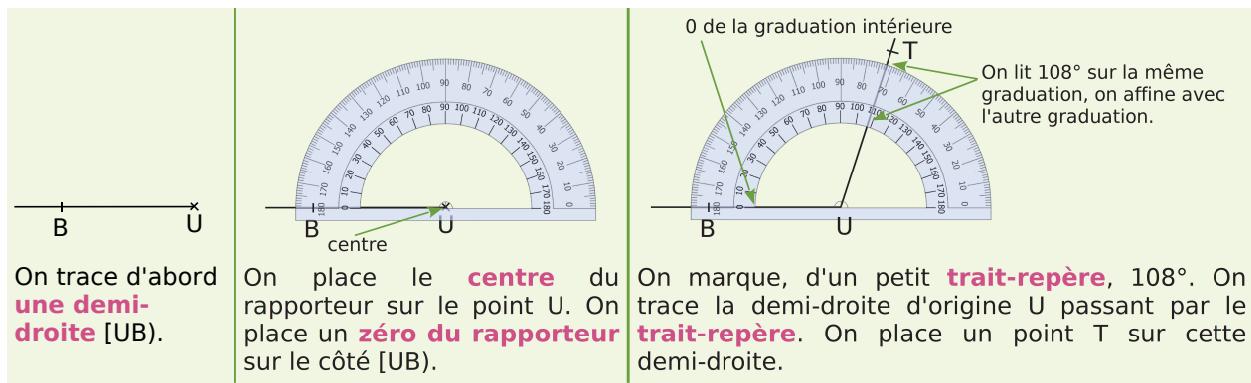
On peut mesurer « l'ouverture » d'un angle. L'unité que l'on utilise au collège est le **degré**. L'instrument qui permet de mesurer des angles est le **rapporteur**.

**Remarque :** Un **rapporteur** gradué en degrés a souvent une double graduation qui va de **0 à 180 degrés** et qui est source de nombreuses erreurs. Il conviendra donc de bien observer si l'angle qu'on étudie est aigu ou obtus.

**Exemple 1 :** Donne la mesure de l'angle  $\widehat{CAB}$ .



**Exemple 2 :** Construis un angle  $\widehat{BUT}$  tel que  $\widehat{BUT} = 108^\circ$ .



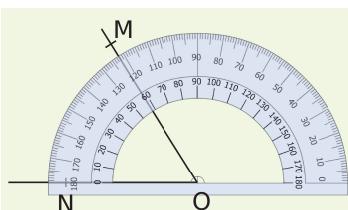
# Cours et méthodes essentielles

## IV - Bissectrice d'un angle

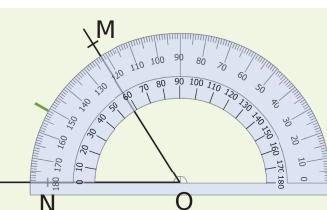
### Définition

La **bissectrice d'un angle** est la demi-droite qui partage cet angle en deux angles de même mesure.

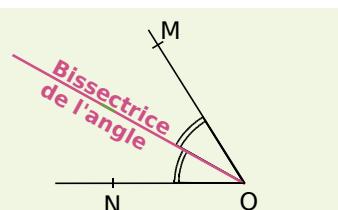
**Exemple :** Construis la bissectrice de l'angle  $\widehat{MON}$  avec un rapporteur.



Pour construire la **bissectrice** de l'angle  $\widehat{MON}$ , on commence par le mesurer à l'aide du rapporteur. Il mesure  $58^\circ$ .



On prend la moitié de cette mesure, ce qui donne  $29^\circ$ , et on trace un **trait-repère**.

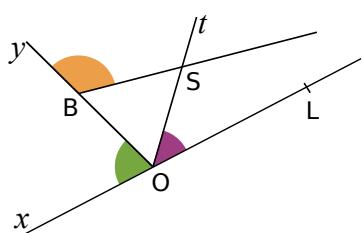


On trace la demi-droite d'origine  $O$  passant par ce **trait-repère**. Cette demi-droite est la **bissectrice de l'angle**  $\widehat{MON}$ .

## Exercices "À toi de jouer"



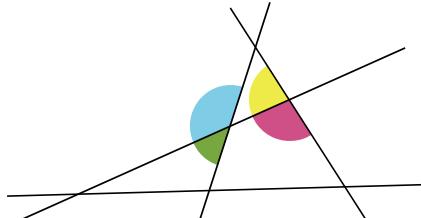
1 Nomme les angles marqués sur la figure ci-contre.



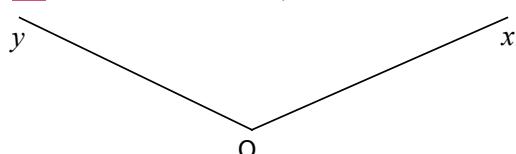
2 Construis un losange BLEU de 5 cm de côté. Marque en vert l'angle  $\widehat{UBL}$  et en bleu l'angle  $\widehat{UEB}$ .



3 Donne la nature de chaque angle.



4 Mesure l'angle  $xOy$  ci-dessous.



5 Construis un angle  $\widehat{SAT}$  de mesure  $85^\circ$ .



6 Dans chaque cas, indique si la droite rouge est la bissectrice de l'angle. Sinon, justifie pourquoi elle ne l'est pas.

