Exercice corrigé

Construis le point A', image du point A par la rotation de centre O et d'angle 72° dans le sens inverse des aiguilles d'une montre.

Correction



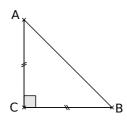


On mesure un angle de 72° en identifiant le sens inverse des aiguilles d'une montre. On reporte la longueur OA sur la demi-droite ainsi tracée : AOA' est un triangle isocèle en O et d'angle au sommet égal à 72°.

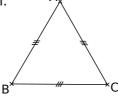
1 Triangles caractéristiques

Pour chaque triangle, indique les caractéristiques (angle et sens) de la rotation de centre C qui transforme A en B.

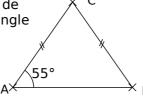
a. ABC est un triangle rectangle isocèle en C.



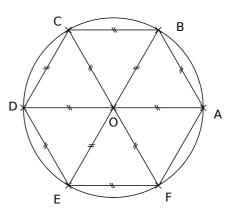
b. ABC est un triangle équilatéral.



c. ABC est un triangle isocèle de sommet principal C tel que l'angle à la base est 55°.



2 Sur un cercle



a. On considère la rotation de centre O, d'angle 60° dans le sens inverse des aiguilles d'une montre. Quelle est l'image du :

• point A? • triangle OBA?

• point F? • losange ODEF?

b. On considère la rotation de centre C, d'angle 60° dans le sens des aiguilles d'une montre. Quelle est l'image du :

• point B? • triangle OBA?

• point A ? • losange OABC ?

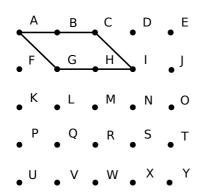
c. On considère les rotations de centre O. Détermine les caractéristiques de la rotation permettant d'affirmer que :

• E est l'image de A. • F est l'image de E.

 A est l'image de D. • E est l'image de F.

- **d.** Place le point G, image du point B par la rotation de centre A, d'angle 60° dans le sens des aiguilles d'une montre.
- e. Trace l'image du losange ODEF par la rotation de centre F, d'angle 120° dans le sens des aiguilles d'une montre.
- f. Place le point H, image du point B par la rotation de centre O, d'angle 30° dans le sens inverse des aiguilles d'une montre.
- g. Place le point I, image du point C par la rotation de centre O, d'angle 150° dans le sens inverse des aiguilles d'une montre.

3 Dans cet exercice, toutes les rotations sont d'angle 90°.



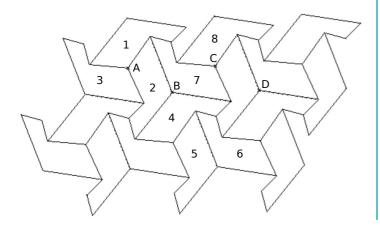
- a. L'image du segment [BL] par la rotation de centre P dans le sens des aiguilles d'une montre est le segment
- b. L'image du triangle GIM par la rotation de centre M dans le sens inverse des aiguilles d'une montre est le triangle
- c. Le segment [AM] est l'image du segment [ME] par la rotation de centre dans le sens
- d. Le parallélogramme ACIG a pour image le parallélogramme GQUK par :

la rotation de centre dans le sens des aiguilles d'une montre, ou

la rotation de centre dans le sens inverse des aiguilles d'une montre.

e. Représente l'image du parallélogramme ACIG par la rotation de centre M dans le sens des aiguilles d'une montre.

4 Rotations et pavages



a. Donne le centre, l'angle et le sens de la rotation qui transforme 1 en 2, puis 2 en 3.

b. Quelle est l'image :

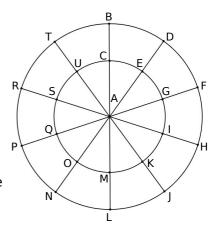
- du motif 2 par la rotation de centre B, d'angle 120° dans le sens inverse des aiguilles d'une montre?
- du motif 1 par la rotation de centre C, d'angle 120° dans le sens inverse des aiguilles d'une montre?
- du motif 6 par la rotation de centre D, d'angle 120° dans le sens des aiguilles d'une montre?
- c. Quelle rotation permet de passer du motif 5 au motif 8 ? (donne le centre, l'angle et le sens)
- d. Les motifs 1, 2 et 3 ont subi des translations, choisis une couleur pour chacun de ces motifs et colorie d'une même couleur leurs images obtenues par translation.

5 Sur un cercle

Dans cet exercice toutes les rotations sont de centre A.

H : sens horaire (sens des aiguilles d'une montre).

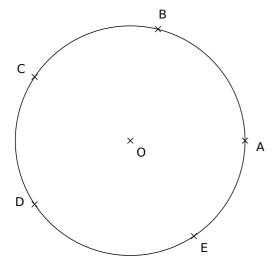
AH: sens antihoraire (sens inverse des aiguilles d'une montre).



Complète le tableau suivant.

Triangle	Angle	Sens	Image
ASU	36°	Н	
	72°	АН	ANL
ATR		АН	ALJ
AUE	72 °		AEI
ASG	180°	H ou AH	
APN		АН	AJH

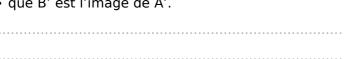
6 Encore sur un cercle



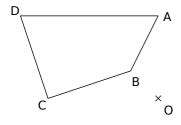
- a. Construis A' et D', images de A et D par la rotation de centre O, d'angle 70° dans le sens inverse des aiguilles d'une montre.
- **b.** Construis B', C' et E', images de B, C et E par la rotation de centre O, d'angle 45° dans le sens des aiguilles d'une montre.
- c. Décris la rotation permettant d'affirmer :
- que C' est l'image de D'.

5.	 	

que B' est l'image de A'.

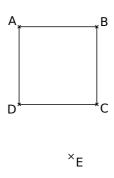


7 Sans quadrillage

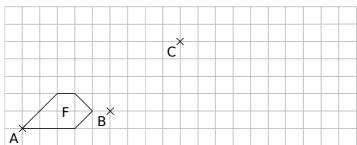


- a. Construis en rouge l'image du quadrilatère ABCD par la rotation de centre B, d'angle 75° dans le sens inverse des aiguilles d'une montre.
- b. Construis en vert l'image du quadrilatère ABCD par la rotation de centre O, d'angle 100° dans le sens des aiguilles d'une montre.

8 Sans quadrillage (2)

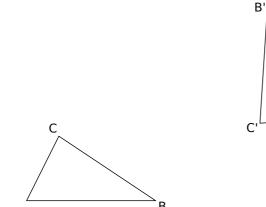


- a. Construis en rouge l'image du carré ABCD par la rotation de centre D, d'angle 45° dans le sens inverse des aiguilles d'une montre.
- b. Construis en vert l'image du carré ABCD par la rotation de centre A, d'angle 135° dans le sens inverse des aiguilles d'une montre.
- c. Soit une rotation de centre A dans le sens des aiguilles d'une montre. Quel est l'angle permettant de passer du carré noir au carré vert ?
- d. Construis en bleu l'image du carré ABCD par la rotation de centre E, d'angle 270° dans le sens inverse des aiguilles d'une montre.
- **Deux rotations**

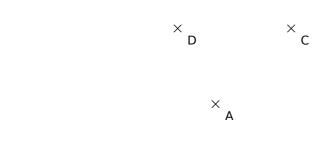


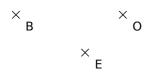
- a. Trace l'image F₁ de F par la rotation de centre B, d'angle 90° dans le sens des aiguilles d'une montre.
- **b.** Trace l'image F₂ de F₁ par la rotation de centre C d'angle 90° dans le sens inverse des aiguilles d'une montre.
- c. Par quelle transformation passe-t-on de F à F₂?

10 A'B'C' est l'image du triangle ABC par une rotation. Détermine son centre puis son angle.



11 On considère la rotation de centre O et d'angle 60° dans le sens inverse des aiguilles d'une montre.

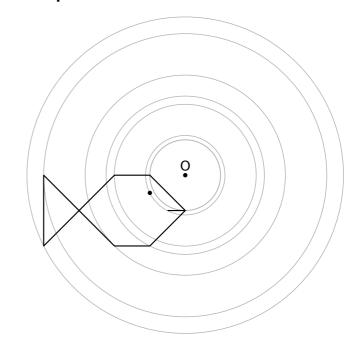




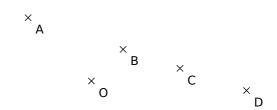
- a. Construis A', B', C', D' et E', images des points A, B, C, D et E par cette rotation.
- **b.** A et B sont sur le cercle de centre O et passant par A. Que peux-tu dire des images de A et B?
- c. C et E appartiennent à la droite (OA). Que peuxtu dire de leurs images ?

12 Poissons

- a. Construis en rouge l'image du poisson par la rotation de centre O et d'angle 60° dans le sens inverse des aiguilles du montre en utilisant uniquement ton compas.
- b. Construis en vert l'image du poisson par la rotation de centre O et d'angle 90° dans le sens des aiguilles du montre en utilisant uniquement ton équerre.



13 Rotation d'angle 90°



- a. Construis les images des points A, B, C et D par la rotation de centre O, d'angle 90° dans le sens inverse des aiguilles d'une montre.
- b. Les points A, B, C et D sont alignés. Que peut-on dire de leurs images ?