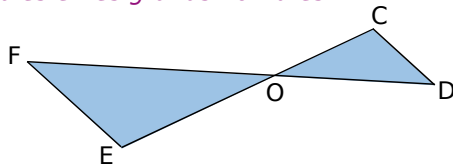


33 Thalès et les grands nombres

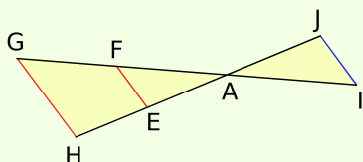


Sur la figure ci-dessus, les droites (DF) et (CE) sont sécantes en O. De plus, on donne $OE = 1\,203,17$; $OC = 1\,056,23$; $OF = 1\,264,09$ et $OD = 1\,109,71$.

Démontrez que les droites (EF) et (CD) sont parallèles.

34 Extrait du Brevet

On considère le schéma ci-dessous.



a. Les droites (IG) et (JH) se coupent en un point A. Le point E est sur (JH) et le point F est sur (IG). Les droites (EF) et (HG) sont parallèles. On a $AE = 3$ cm ; $AF = 4$ cm ; $AH = 7$ cm et $EF = 6$ cm.

Calculer les longueurs AG et HG en justifiant la démarche utilisée. Donner les résultats sous la forme d'un nombre entier ou d'une fraction irréductible.

b. On a $AI = 6$ cm et $AJ = 4,5$ cm. Les droites (IJ) et (EF) sont-elles parallèles ? Justifier la démarche utilisée.

35 Dans un triangle ABC, on place un point D sur le segment [BC]. La parallèle à (AB) passant par D coupe [AC] en E et la parallèle à (AC) passant par D coupe [AB] en F.

a. Compare $\frac{AF}{AB}$ et $\frac{CD}{CB}$ puis $\frac{AE}{AC}$ et $\frac{BD}{BC}$.

b. Où faut-il placer le point D pour que les droites (EF) et (BC) soient parallèles ?

36 Soit \mathcal{C} un cercle de centre O de rayon 3 cm et \mathcal{C}' un cercle de centre O' de rayon 5 cm, tangent en I au cercle \mathcal{C} .

a. On considère une tangente commune aux deux cercles qui ne passe pas par I ; elle coupe le cercle \mathcal{C} en T, le cercle \mathcal{C}' en T' et la droite (OO') en A.

Démontrez que (OT) et (O'T') sont parallèles.

b. À quelle distance du point O se trouve le point A ? Justifie ta réponse.

37 On considère un triangle ADF tel que $AD = 6,4$ cm ; $AF = 8$ cm et $DF = 4,8$ cm.

a. Construis le triangle ADF puis démontre qu'il est rectangle en D.

b. Place le point B sur (AD) tel que $AB = 4$ cm et $B \notin [AD]$. La perpendiculaire à (AD) passant par B coupe (AF) en C. Démontrez que les droites (BC) et (DF) sont parallèles.

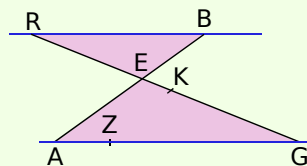
c. Calcule AC et BC.

38 Extrait du Brevet

Sur la figure ci-dessous, les droites (AG) et (RB) sont parallèles ; les droites (AB) et (RG) se coupent en E.

L'unité de longueur est le centimètre.

On donne $BE = 3$; $AE = 5$; $AG = 10$ et $EG = 8$.

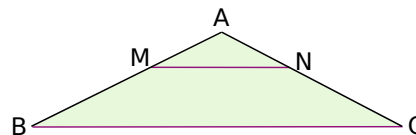


a. Calculer les distances RB et RE.

b. On donne $GK = 6,4$ et $GZ = 8$. Montrer que les droites (ZK) et (AE) sont parallèles.

39 Dans le triangle ABC ci-dessous, on donne $AB = 6$ cm et $BC = 9$ cm.

M est le point de [AB] tel que $AM = 2$ cm. La droite parallèle à (BC) passant par M coupe [AC] en N.



a. Calcule MN.

b. Calcule la valeur exacte de $\frac{AN}{AC}$.

c. On suppose que [NC] mesure 4,4 cm. Calcule AN et AC.

40 Construis un triangle EFG rectangle en E tel que $EG = 15$ cm et $EF = 10$ cm.

a. Calcule FG arrondie au millimètre.

b. Calcule la mesure de l'angle \widehat{EFG} arrondie au degré.

c. La bissectrice (d) de l'angle \widehat{EFG} coupe [EG] en H. Calcule FH et EH, arrondies au millimètre.

d. La parallèle à (EF) passant par G coupe (d) en K. Calcule GK arrondie au millimètre.



41 Thalès et réciproque

- Construis un triangle ROC et un triangle ARC de telle sorte que les points A et O soient placés de part et d'autre de la droite (RC).
- Place un point F sur [AR]. La parallèle à (AC) passant par F coupe [RC] en G et la parallèle à (OC) passant par G coupe [RO] en H.
- Montre que $\frac{RF}{RA} = \frac{RG}{RC}$ puis que $\frac{RG}{RC} = \frac{RH}{RO}$.
- Démontre que les droites (FH) et (OA) sont parallèles.

42 Thalès et calcul littéral

Construis un triangle RST tel que $RS = 10$ cm ; $RT = 14$ cm et $ST = 12$ cm. Place un point M sur [RS]. On pose $RM = x$ cm. La parallèle à (ST) passant par M coupe [RT] en N.

- Exprime le périmètre du triangle RMN en fonction de x .
- Exprime le périmètre du trapèze MSTN en fonction de x .
- Où faut-il placer le point M pour que les deux périmètres soient égaux ?

43 Thalès et résolution d'équation

Soit ABC un triangle tel que $AC = 11$ cm ; $AB = 7$ cm et $BC = 8$ cm. Soit M un point du segment [BC]. On pose $BM = x$. La parallèle à (AC) passant par M coupe [AB] en P et la parallèle à (AB) passant par M coupe [AC] en Q. Le but de l'exercice est de déterminer la position du point M pour que $MP + MQ = 9$ cm.

- Exprime MP puis MQ en fonction de x .
- Détermine la position du point M sur le segment [BC] à l'aide d'une résolution d'équation.

44 Trace un rectangle ABCD et place le point M du segment [BC] tel que $\frac{BM}{BC} = \frac{2}{3}$.

On appelle N le point d'intersection des droites (AM) et (DC).

- Démontre que le triangle MNC est une réduction du triangle ABM et précise le coefficient de réduction.
- Démontre que le triangle MNC est aussi une réduction du triangle AND et précise le coefficient de réduction.
- Pour $AB = 12$ cm et $BC = 9$ cm, calcule l'aire du triangle MNC.

45 BLEU est un parallélogramme tel que $LE = 50$ cm ; $EU = 40$ cm et $BE = 75$ cm. O est le point de la droite (BE) tel que $OE = 30$ cm et O n'appartient pas à [BE]. La parallèle à (EU) passant par O coupe (LE) en S et la parallèle à (LE) passant par O coupe (EU) en R.

- Calcule ES et ER.
- Montre que ROSE est un parallélogramme. Dédus-en que ROSE est une réduction du parallélogramme BLEU et détermine le coefficient de réduction.
- On appelle h la hauteur issue de B dans le triangle BEU. Sachant que l'aire de BLEU est égale à $1\,550$ cm², détermine h .
- Calcule l'aire de ROSE.

46 L'unité de longueur est le centimètre.

ABC est un triangle tel que $AB = 9$; $AC = 15$ et $BC = 12$.

- Démontre que ABC est rectangle en B.
- Calcule l'aire du triangle ABC.
- Trace en vraie grandeur le triangle ABC. E est le point du segment [AB] tel que $AE = 3$. F est le point du segment [AC] tel que $AF = 5$.
- Démontre que la droite (EF) est parallèle à la droite (BC).
- Calcule EF.
- Calcule l'aire du trapèze BEFC de deux façons différentes.

47 Extrait du Brevet

[AD] est un diamètre d'un puits de forme cylindrique. Le point C est à la verticale de D, au fond du puits.

Une personne se place en un point E de la demi-droite [DA] de sorte que ses yeux soient alignés avec les points A et C.

On note Y le point correspondant aux yeux de cette personne.

On sait que $AD = 1,5$ m ; $EY = 1,7$ m et $EA = 0,6$ m.

- Démontrer que les droites (DC) et (EY) sont parallèles.
- Calculer DC, la profondeur du puits.

